

高並列推論エンジンPIEにおける 並列処理の効率化手法について

On the Efficient Parallel Processing
of the Highly Parallel Inference Engine - PIE

後藤 厚宏, 相田 仁, 山崎 篤, 丸山 勉, 湯原 雅信, 田中 英彦, 元岡 達
A. Goto, H. Aida, A. Yamazaki, T. Maruyama, M. Yuhara, H. Tanaka, T. Moto-oka

(東京大学 工学部)

Faculty of Engineering, University of TOKYO

1. はじめに

論理型プログラムでは、試行錯誤による問題解決を積極的に進めることが可能であるため、非決定性を含む形で問題が記述される場合が多い。

一般に、このようなプログラムを単なる横型探索によって実行すると、その選択肢の数は非常に大きくなる。例えば、通常のProlog によって記述した例題プログラム8-Queens を横型探索に基づいて実行した結果を図1に示す。横軸は探索木の深度であり、縦軸はその深度における単一化の総成功数と総失敗数を示す。

ここで用いた8-Queens プログラムでは、全部で92の解が求まるが、選択肢の数は最大1500程度にまで達する。つまり、大部分の選択肢は失敗の確認を行っていることになる。

高並列推論エンジンPIE (Parallel Inference Engine) は、論理型プログラムの非決定性によって生じる多数の選択肢の実行を並列に行うマシンであり、そのアーキテクチャは高並列処理に対応できる [Got83]。しかし高並列マシンといえども、そのハードウェア資源は有限であるため、単なる横型探索ではマシンのハードウェア資源 (プロセッサ数) を容易に上回る。そこで、PIEにおいて有効な並列処理を実現するためには、積極的に並列処理の効率化手法を導入する必要がある。

並列処理の効率化は、

- ① プログラムによるメタ知識の記述
- ② 入力プログラムの前処理
- ③ 実行時における動的な判断

の組み合わせによって実現できると考えられる。

本報告では、現在、最も検討が進んでいる実行時の動的な判定による効率化手法について、シミュレーション結果に基づいた評価検討を行う。次章においては、PIEにおける効率化手法について整理する。続いて3章から5章にわたり、定義節の動的な絞り込み効果、ゴールフレームの選択の効果、ゴールリテラルの選択の効果、

のそれぞれについて、シミュレーション結果に基づいた検討を行う。

高並列推論エンジンPIEの概要、今回作成したソフトウェアシミュレータの概要および評価プログラムについては付録ならびに [Aid82] を参照されたい。

2. 並列処理の効率化

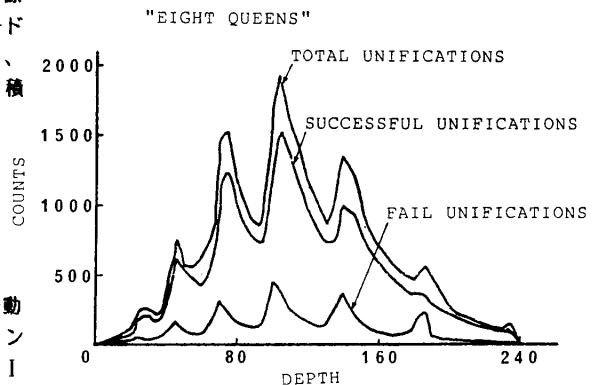
2.1 処理の効率化を実現する要素

処理の効率化の実現は、大別して次の3要素の組み合わせとして考えることができる。

(1) プログラムによるメタ知識の記述

プログラムが解の探索ストラテジをメタ知識として記述するには、言語仕様としての記述方法が問題となる。

現在の逐次型Prolog における cut, mode 宣言, read-only annotation, bind-hook 等も一種のメタ知識の記述と考えられ、現在、それらを高い次元で包含するものの検討を進めている。



[Fig. 1]
Inter Goal-Frame Parallelism
in 8-Queens Program

このゴールプール内のゴールフレームを、他の特定のゴールフレームの導出結果に伴う副作用によって単一化の実行なしに消去可能な場合がある。ただし、一般的に並列処理の環境では、その操作が局所的な情報を用いるか、大域的な情報を用いるかによって実現の難易度が異なる。

前者の例には、guard 等により求める解がひとつでよいときに、あるゴールフレームの実行が成功した段階で他の選択枝の実行を停止させる場合などがある。このような局所的な情報を用いる操作は、PIEの各AC (Activity Controller) が持つ探索木情報と、AC間で送受するノード制御コマンドによって比較的容易に実現できる。

後者は逐次形システムにおけるremote cut [Tak83] や知的後戻りに相当するものである。

知的後戻りをゴールフレーム間並列処理の環境下に適用する場合は、UPにおける全ての選択枝に対する単一化が失敗した時、失敗の原因を調べ、失敗の原因が最後に揃ったゴールフレームを祖先に溯って見出すことになる。このような大域的な情報を必要とする手法は、オーバーヘッドが大きいため、さらに検討が必要である。

3. 定義節の動的な絞り込み

(1) 定義節の絞り込み

PIEでは、各UPにおいて1つのゴールリテラルと、対応するすべての定義節との間で単一化が行われる。

ここで、UPにおける単一化の失敗に注目すると、大部分の失敗が簡単な照合操作によって認識できると予想される。

一方、単一化が成功したものについては縮退操作が必要であり、UPにとって比較的重い負荷となる。UPの負荷を低減するためには、単一化の早い段階で失敗を認識することが望ましい。

そこでUPが定義節を定義節メモリ (DM) から見つけ出すとき、入力ゴールフレーム内のリテラル引数の情報の一部をDMに送り、定義節を絞り込んでから単一化を行うことを考える。

このとき、DMにおける照合操作では、より多くの情報を用いれば効果が上がることは自明である。ただし、ゴールフレームの内部構造やDMのハードウェア構造におけるオーバーヘッドが少ないものでなければならない。

PIEのゴールフレームのデータ構造では、述語引数の第一レベルが述語記号とともにベクタ形式でまとまっているため (付録2 図7)、その情報を使って絞り込みを行うことが望ましい。そこで、シミュレーションでは絞り込みに用いる情報を深さ方向の2つのレベル

- level = 0 : 述語名, 引数の第一レベルの atom (型と値), vector, list (型)
- level = 1 : 述語名, 引数の第一レベルの atom (型と値), vector (vector名), list (car 部の型と値)

と、絞り込みに用いる述語引数の最大個数 (filtered args = n) を組み合わせ、効果の違いを調べることにした。 <ex.3>

(2) シミュレーション結果

定義節の絞り込みの効果についてシミュレーションで測定した結果を表1に示す。ここではUP数等は充分大きいものとした。

この評価結果から次のことがわかる。

- ① [JE], [equiv 1,2] などでは、評価に用いる述語引数の数を増しても絞り込みの効果は小さく、述語引数に現われる vector 名または list の car を絞り込みの情報として用いる方 (level = 1) が有効である。
- ② [LL2P], [6-queens] 等では、逆に引数の数を増すことによって効果が上がり、[EJ] では両方の効果が現われる。

(3) 評価検討

今回のシミュレーションで用いたゴールフレームのデータ構造では、述語引数としての vector 名や list の car を構造体領域に置いた。しかし、表1の評価結果から、これらの情報をリテラル領域に置き、DM内の照合器へ送りやすいようにすることがよいことがわかる。ただし、vector 名や list の car のセルの全部をリテラル領域に移すことには無理がある。そこで図2に示すように、その一部をリテラル領域に持ち込むようなデータ構造が有効と思われる。一方、[JE][EJ]のように、両方向に実行させるプログラムでは評価する引数の数が多い程確実である。しかし述語引数の数は経験的にみてそれほど多いものはないため、評価する引数の数は、3程度に固定してかまわないと思われる。

< ex.3 > P(a, f(*x,b), [c,d,e], 10)

MODE	CHECK
level = 0 args = 4	(predicate name) P (arg1: type, value) SYM,a (arg2: type) VECT (arg3: type) LIST (arg4: type, value) INT,10
level = 1 args = 3	(predicate name) P (arg1: type, value) SYM,a (arg2: type, func. name) VECT,f (arg3: type, car) LIST,SYM,c

4. ゴールフレームの選択

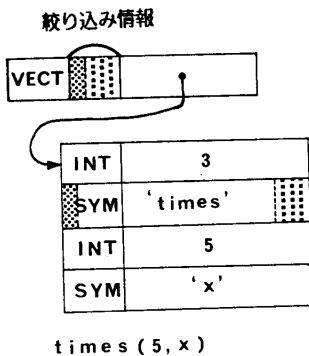
(1) ゴールフレームの決着の着き易さ

「プロセッサ (UP) 数 < ゴールフレーム数」という環境における、プロセッサの割り当て戦略としては、一般に縦型探索 (depth-first 処理) と横型探索 (breadth-first 処理) が考えられる。前者は、停止しないゴールがあるような時に危険であり、後者は最初の解を求めるまでのコストが大きい。

[Table 1]

Dynamic Pre-Filtering of Definition Clauses
- Unification Failures after Pre-Filtering -

Program Examples	total failures	filter level	filter args		
			1	2	3
[JE]	287	0	287	287	287
		1	71	71	71
[EJ]	39	0	39	39	39
		1	31	31	1
[equiv1]	1011	0	354	354	354
		1	98	98	98
[equiv2]	7431	0	3531	3531	3531
		1	737	737	737
[diff]	257	0	137	137	137
[LL2P]	7331	0	7331	4989	4989
		1	7331	4989	4989
[6-Queens]	1595	0	1446	204	204
		1	1446	204	204



[Fig. 2]
New Representation of Structures

このためメタ知識によって各ゴールフレームの決着の着き易さが判断できれば、

- ・早く最初の解を求める、
- ・資源を解放する

という点において有利となる。

そこで次のようなメタ知識を考える。

ある実行ステップにおいて、図3に示すGF1というゴールフレーム (A~Dはゴールリテラル) があつたとする。ゴールリテラルの実行順序として“左から右へ”という規則がある時、GF1からはGF2, GF3のようなゴールフレームの子孫が派生すると考えられる。この場合、GF1で導入されたゴールリテラルの生き残りの数を比較するとGF2の方が少ない。このためGF2の方がGF3に比べて成功/失敗の決着が付き易いと考えることができる。

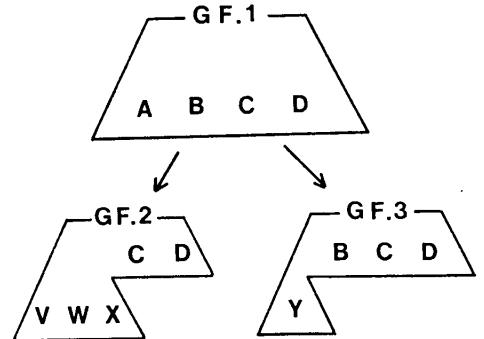
このようなメタ知識を用いると、縦型探索のように無限ループに陥る危険も少なく、また横型探索よりも第一解を見つけるまでのコストを小さくできる。この手法をマシン内に実装するには、各ゴールリテラルに、それが導入された導出のステップ番号を付けねばよい。しかし5章で述べるゴールリテラルの選択の手法と共に用いるにはさらに検討が必要であろう。

(2) ゴールフレームの選択効果の測定

ここでは [6-queens]、[equiv 2] の2つのプログラムについて、3種の選択ストラテジ

- ① 縦型探索、
- ② 横型探索、
- ③ 決着の着き易さによる探索

による違いを調べた (図4, 表2)。図4の実線はUPの稼働数を示し、点線は実行待ちを含めたゴールフレームの総数を示す。



[Fig. 3]
Example of Goal-Frame Priority

[6-queens] の場合、最初の解を求めるまでの処理コスト (cycle 数) は、UP の台数 (10, 30, 50) に係わらず、縦型探索と決着の着き易さによる探索の両方とも、UP 台数 = ∞ のときと同程度である。さらに実行途中におけるゴールプール内の実行待ちゴールフレーム数は横型探索に比べて小さい。

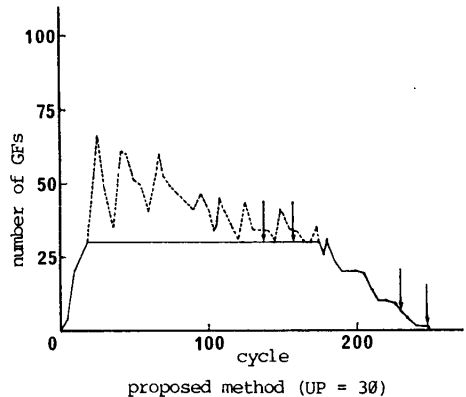
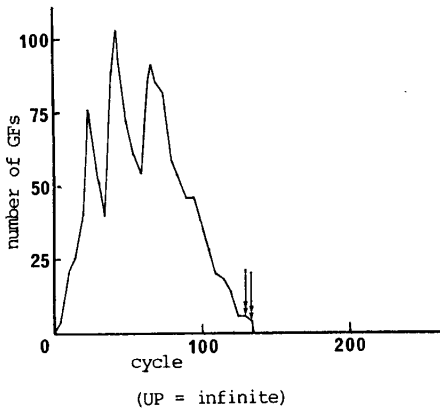
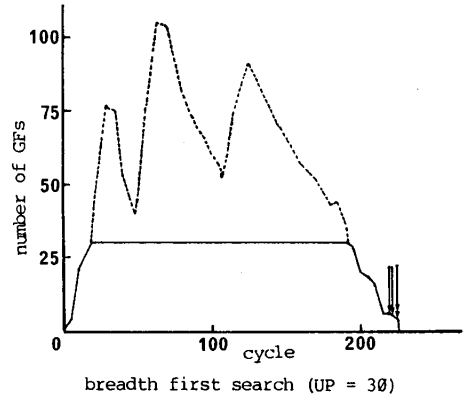
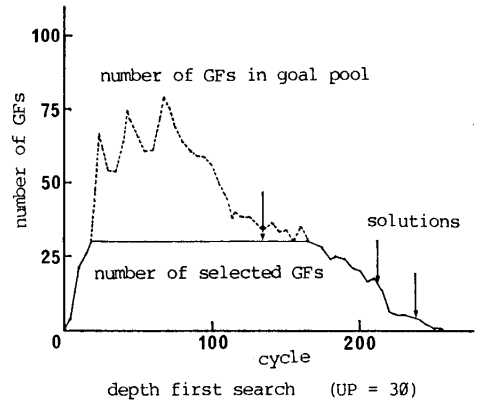
一方、[equiv 2] では [6-queens] ほどの効果が認められないが、これは最適解でないものが多数求まるためと考えられる。

[Table 2] Selection of Goal Frames

	Answers (cycle#)		Total cycles	Waiting cycles		
	1st	last		Max	Total	

[equiv2]	#UP = 10					
depth	1	40	52	42	748	
breadth	1	41	43	8	947	
proposed	1	42	44	44	895	

[6-Queens]	#UP = 30					
depth	133	238	257	136	3178	
breadth	220	224	225	6	6502	
proposed	138	248	249	123	1942	



[Fig. 4] Selection of Goal-Frames

[6-Queens]

5. リテラルの選択

(1) ゴールリテラルの選択

純Prolog等では、AND関係にあるゴールリテラルには順序関係はない。しかし、ゴールフレーム間並列処理の環境では、実行途中におけるゴールフレームの数が異なる。すなわち探索木の形状が異なる。有限資源の環境において資源の節約を計るためには、枝が大きく広がりすぎないようにゴールフレーム内のゴールリテラルの実行順序を選択することが望ましい。

また、ゴールリテラルを選択して実行することは、ゴールリテラル間並列処理へのステップと考えることもできる。

このようなリテラルの選択基準としては次の2つが考えられる。

- ① リテラルに対応する定義節による選択
- ② ゴールリテラルの引数状況による選択

一般的傾向として、論理型プログラムの手続き(同じ頭部述語名を持つ定義節の集合)は引数パターンによる場合分けによって記述される場合が多い。そのためゴールフレーム内のリテラルでは、定数引数の割合が多いものほど早く成功または失敗に到ると予想される。

そこで、各ゴールリテラル中のそれぞれの引数に、その型に応じた点数を付け、点数(優先度)の最も高いリテラルを選択して単一化を行なうことにする。同一点数の場合には左側のリテラルを優先する。

ここで引数の評価点は、原則として変数に負の点数(vpoint)、定数 atom に正の点数(cpoint)を与え、また構造体および構造体内に現われる引数については構造体の点(fpoin)とその深さに関する評価点(spoin)を設定することにする。<ex.4>

ただし、組み込み述語については次のような特別な優先度を与えることにした。

print : 常に低い優先度

算術述語: 実行に必要な引数(integer)が揃うまでは低い優先度。ただし、引数が揃った場合や失敗が明白な型を持つ値(たとえば構造体)が変数に束縛された段階で最優先。

< ex.4 > P(a, f(*x,b), *y)

```
priority score =
  cpoint +
  fpoin + spoin * (vpoint + cpoint) +
  vpoint
```

(2) シミュレーション結果

表3に4個のプログラムについて測定した結果を示す。

これから、[JE]では、変数に対して負の点を与えることによって実行が最適化されることがわかる。また[EJ][equiv1,2]等で改善効果がないのは、左から右への実行が最も効率的になるように定義節が記述されていたためであり、実際、プログラムの定義節体部のリテラルの順序を無作為に並べ替えると、表4のような効果が現われる。

[Table 3] Selection of Goal Literals
--- Total Unifications (cost) ---

point (c,v,f,s)	[JE]	[EJ]	[equiv1]	[equiv2]
left to right	145	23	86	513
(0, 0, 0, 0)	145	27	86	513
(10, 2, 0, 1)	36	27	-	-
(10, 0, 0, 1)	36	27	-	-
(10, -20, 0, 1)	36	27	86	-
(10, -50, 0, 1)	36	27	86	-
(10, -60, 0, 1)	36	27	86	513
(10, -80, 0, 1)	36	34	86	513
(10, -100, 0, 1)	36	34	86	513
(0, -10, 0, 0)	189	31	86	513
(0, -10, 0, 0.5)	192	34	86	513
(0, -10, 0, 1)	193	34	86	513
(0, -10, 0, 2)	-	-	86	513

" - " means Over Flow

[Table 4] Selection of Goal Literals
(Ordering of Definition body is random)
--- Total Unifications (cost) ---

point (c,v,f,s)	[JE]	[EJ]	[equiv1]	[equiv2]
left to right	-	-	-	-
(0, 0, 0, 0)	-	-	-	-
(10, -50, 0, 1)	36	27	86	-
(10, -100, 0, 1)	36	34	86	513

" - " means Over Flow

また、表3の結果から、リテラルの選択において引数の評価点の感度が相当高いこと、さらにリテラルの選択順序によってプログラムの動作が大きく変化し、解が求まらないことも多いことがわかる。この理由のひとつとして、再帰的な定義節の記述がある。特に [equiv 1,2] の定義節は相互再帰を含んでいるため、より注意をはらってリテラルの選択を行わないと、無限ループに陥りやすいと思われる。

6. おわりに

本報告では、主に実行時の動的な判定による並列処理の効率化と、シミュレーション評価を行った結果について述べた。

その成果を以下に整理しておく。

① 定義節の絞り込み

PIEでは、各UPにおいて定義節テンプレート間並列処理を実行するため、定義節メモリ(DM)からUPへ入力される定義節の量が多い。

このような状況では、DM側において予め失敗が明白な定義節をふるいにかけることは重要である。

今回の評価では、定義節の絞り込みの効果が十分に大きいことがわかったとともに、定義節の絞り込みに適するゴールフレームのデータ構造や、DMのハードウェア構造を検討する指針が得られた。

② ゴールリテラルの選択による処理の効率化

ゴールリテラルの選択による実行順序の効率化は、問題の非決定性に対応する並列処理において重要であり、ゴールリテラル間並列処理へのステップと考えることができる。

今回のシミュレーションでは、述語引数のデータ型の評価が、効率的な実行順序を動的に見い出す要素となり得ることがわかった。ただし一方では、再帰的に記述された定義節等に注意を要することもわかった。

今後は、ゴールリテラルの選択に必要な他の要素について検討することによって、実行を効率化するとともに、ゴールリテラル間並列処理への発展を考える予定である。

③ ゴールフレームの選択

今回のシミュレーションでは、縦型探索、横型探索、決着の着き易さ優先の3種について評価を行った。この結果、決着の着き易さに関するメタ知識の一例を導入できること、および、その改善効果が得られることがわかった。

PIEでは、この種のメタ知識は主としてアクティビティ制御機構によって実現する。今後は、様々なメタ知識について、アクティビティ制御機構上の実現手法を検討していく予定である。

[参考文献]

- [Tak83] 高木 他, “拡張制御構造のPrologへの導入”, 26回情報大全, 4D-11.
- [Got83] 後藤 他, “高並列推論エンジンPIEについて”, Logic Prog. Conf. 83.
- [Got82] 後藤 他, “推論向き高並列計算機システムの基本アーキテクチャ” 信学技報EC82-43
- [Aid82] 相田 他, “並列PROLOGシステム“Paralog”の性能測定” 24回情報大会 5D-5.

付録1. 高並列推論エンジンPIE

現在設計を進めている高並列推論エンジンPIE第一次モデル(図5)の特徴は以下のとおりである。

[Got83]

① 書き換えモデルによる実行:

書き換えモデルとは、プログラムの実行を“初期ゴールに対応するテンプレートに定義節テンプレートを接続し(単一化)、中間結果としてのゴールを生成する過程”として捉えるた処理モデルである。この中間結果としてのゴール中には、単一化を必要とするゴールリテラルと共に、それまでの単一化によって生成された変数の束縛情報(単一化の環境)がすべて含まれており、これを特にゴールフレームと呼ぶ。

② UPによる定義節テンプレート間並列処理と高並列アクティビティの生成:

PIEにおける基本処理要素は、ハードウェア照会器を有するUP(Unify Processor)である。UPは、ゴールフレームを入力すると、その中のひとつのゴールリテラルについて対応するすべての定義節テンプレートとの単一化を行ない、新たなゴールフレームを(複数)導出する。

各UPには定義節テンプレートのメモリ(DM)が付随しており、各UPのDMがすべての種類の定義節テンプレートを持つモデルを現在考えている。

③ 多数のUPによるゴールフレーム間並列処理:

UPによって導出された複数のゴールフレームは多数のメモリモジュールから成るゴールプール(goal pool)に蓄えられ、UPに対する新たな入力となる。PIEでは、多数台のUPによってゴールフレーム間並列処理を実現する。

④ ゴールフレームの独立性と縮退:

PIEでは、ゴールフレーム全体をUPとゴールプール間で送受することにより、各々のゴールフレームの独立性を高める。これにより、操作の集中化を避け、ゴールフレーム単位の高並列性を活かす。

このとき、記憶コストおよび転送コストを抑えるためにゴールフレームの縮退操作を導入する。縮退操作は、導出された新ゴールフレームから不要な情報を取り除き、ゴールフレームの大きさを必要最小限にする。

⑤ 探索木情報によるアクティビティ制御：

論理型プログラムの計算は、原則としてORノードから構成される探索木として表現できる。PIEでは、実行時に生成される多数のゴールフレームを、計算の途中状態として探索木上に位置付けることによって、各々の親子関係を明確にする。

⑥ ノード属性とノード制御コマンド：

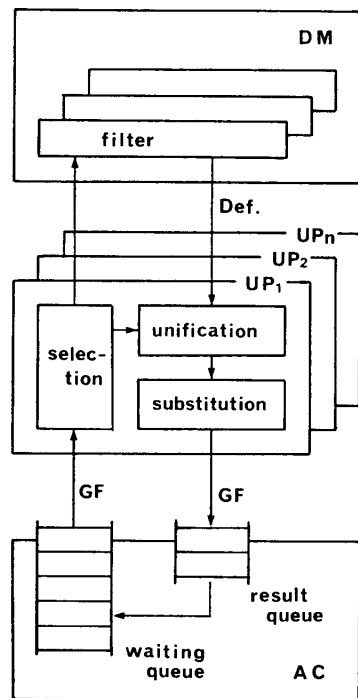
探索木の各ノードに、種々のノード属性を導入し、さらにノード制御コマンドを設定して、これをノード間で送受することによって、探索木の伸長、不要ノードの刈り込み等の基本的なアクティビティ制御と、探索ストラテジや言語上の拡張機能を実現する。

付録2. ソフトウェアシミュレータの構成

(1) シミュレータ概要

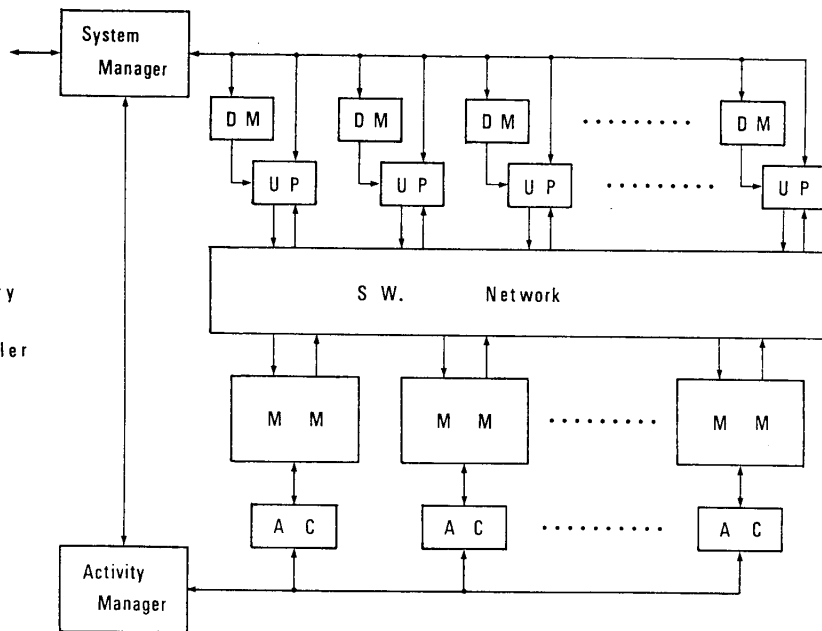
今回作成したシミュレータは、Unix 上のC言語で記述されており(約3600行)、図6で示すようにUP部とAC部から成る。

AC部はPIEにおけるACとMM(ゴールプール)に相当する。シミュレートするACは現在1台であり、ゴールプールの管理を行なう。



[Fig. 6] Organization of Software Simulator for PIE

UP: Unify Processor
DM: Definition Memory
MM: Memory Module
AC: Activity Controller



[Fig. 5] Hardware Organization of PIE (model 1)

UP部は、PJEのUPとDMに相当し、任意の台数のUPをシミュレートできる。UPはゴールフレーム内の選択されたリテラルについて定義節テンプレート間並列処理を行なう。すべてのUPは同一構造を持ち、ひとつの入力ゴールフレームに対する処理時間は定義節の数や単一化の成功・失敗によらず一定としている。

また本シミュレータではMM-UP間のNetworkの影響については考慮していない。

ゴールフレームはタグ付きの固定長セルが連続した構造に成っており次の3つの部分から成る。

(表5, 図7)

- ① ヘッダ：ゴールフレームの属性や区分を示す。
- ② リテラル部：バクタ型のリテラルの領域。
引数は各々1つのセルで表現され、1セルでは表現できないもの (functor, listなど) は構造部へのポインタとなる。
- ③ 構造部：1セルで表わせないデータ構造を収納する。
今回、評価を行なった各効率化手法は粗み込み述語による動作モード設定として実装されている。(表6)

[Table 5] Data Types in Simulator

Atoms : INT, SYM
Variable : VAR
Structures : VECT, LIST

	type	data
HEADER		GF ID.
		GF length
AREA		number of literals
		depth in Search Tree
LITERAL	INT	3 (argn)
	SYM	sym. id of 'p'
	SYM	sym. id of 'a'
	VAR	var. id of '*x'
	INT	3 (argn)
	SYM	sym. id of 'Q'
	VECT	0 (index)
STRUCTURE	VAR	var. id of '*y'
	INT	4 (argn)
	SYM	sym. id of 'f'
	VAR	var. id of '*x'
	INT	321
AREA	VAR	var. id of '*y'

?- P(a,*x),Q(f(*x,321,*y),*y).

[Fig. 7] Internal Representation of Goal-Frame

(2) UP部

UP部は以下の手順でゴールフレームの処理を行なう。

- ① リテラルの選択
- ② 定義節の絞り込み
- ③ 単一化
- ④ 縮退および新しいゴールフレームの生成

ゴールフレーム、定義節中の各変数は通し番号によって識別される。単一化における変数の束縛は、図8に示すように置換メモリで行なう。置換メモリは、単一化の前にすべて未定義 (undef) に初期化される。

[Table 6]

System predicates for setting execution modes

```
processor(n_up)
    Sets number of UPs to n_up.

point(cpoint,vpoint,fpoint,spoint)
    These points are used in case of selecting
    a literal to be unified.
```

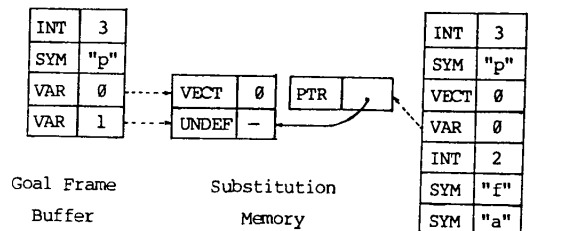
```
selectgf(mode)
    mode = 1: depth first search
    mode = 2: breadth first search
    mode = 3: proposed method
```

```
selectl(mode)
    mode = 1: system selects one out of many
    goal literals, according to
    the priority scores calculated.
    mode = 0: standard PROLOG mode
    (left to right) (default)
```

```
filter(fil_level,fil_argn)
    mode = 1: used when filtering definitions
    in DM
    mode = 0: does not filter
```

?-p(*x,*y).

p(f(a),*a).



[Fig. 8] Unification

選択されなかったリテラルおよび定義節の体部のリテラルから、新しいゴールフレームを生成する。このとき、リテラル中の変数については置換メモリの値を参照しながら書き換えを行なう。置換メモリ上の値が未定義のままならば、新たな変数番号に書き変える。束縛されているときにはその値に書き変える。この手順によりどのセルからも参照されていないセルは自動的に取り除かれる。

(3) AC部

ゴールルールは waiting queue と result queue からなる。waiting queue は優先度に従って sort された実行待ちゴールフレームの queue である。AC は waiting queue の先頭から UP 台数分のゴールフレームを取り出し UP へ送る。UP によって生成されたゴールフレームは result queue につながる。AC は result queue からゴールフレームを取りだすとその優先度を評価して waiting queue に挿入する。

付録3. 評価用プログラム

```
[JE]
?-translat([watashi,wa,watashi,no,te,no,
naka,ni,ikutsuka,no,tamago,wo,
motteiru],E),print(E).

[EJ]
?-translat([i,have,some,eggs,in,my,hands],
J),print(J).

translat(J,E):-sentence(J,[ ],E,[ ]).
translat(E,J):-sentence(J,[ ],E,[ ]).
sentence(J1,J3,E1,E3)
:-np(J1,[wa|J2],E1,E2),vp(J2,J3,E2,E3).
np(J1,J2,E1,E2):-noun(J1,J2,E1,E2).
np(J1,J3,E1,E3)
:-det(J1,J2,E1,E2),noun(J2,J3,E2,E3).
vp(J1,J4,E1,E4)
:-vt(J3,J4,E1,E2),np(J2,[wo|J3],E2,E3),
pp(J1,J2,E3,E4).
vp(J1,J3,E1,E3)
:-vi(J2,J3,E1,E2),pp(J1,J2,E2,E3).
pp(J1,J1,E1,E1).
pp(J1,J3,E1,E3)
:-prep(J2,J3,E1,E2),np(J1,J2,E2,E3).

prep([no,naka,ni|J1],J1,[in|E1],E1).
vt([motteiru|J1],J1,[have|E1],E1).
vi([aru|J1],J1,[are|E1],E1).
det([ikutsuka,no|J1],J1,[some|E1],E1).
det([watashi,no|J1],J1,[my|E1],E1).
det([anata,no|J1],J1,[your|E1],E1).
noun([watashi|J1],J1,[i|E1],E1).
noun([anata|J1],J1,[you|E1],E1).
noun([te|J1],J1,[hands|E1],E1).
noun([tamago|J1],J1,[eggs|E1],E1).
noun([ringo|J1],J1,[apples|E1],E1).
```

```
[equiv 1]
?-equiv(times(3,times(2,power(x,1))),F),
print(F).

[equiv 2]
?-equiv(plus(times(times(2,power(x,1)),
exp(power(x,2))),times(power(x,2),
times(times(2,power(x,1)),
exp(power(x,2))))),F),print(F).

/* Definitions of equiv and simple
are found in [Aid82]. */

[diff]
?-diff(times(power(x,2),exp(power(x,2))),
x,F),print(F).

diff(C,X,0):-number(C).
diff(power(X,N),X,times(N,power(X,N1)))
:-plus(N1,1,N).
diff(exp(X),X,exp(X)).
diff(times(C,Y),X,times(C,YY)):-
number(C),diff(Y,X,YY).
diff(plus(U,V),X,plus(UU,VV)):-
diff(U,X,UU),diff(V,X,VV).
diff(times(U,V),X,
plus(times(UU,V),times(U,VV))):-
diff(U,X,UU),diff(V,X,VV).
diff(X,X,1).
diff(times(A,Y),X,times(C,Z)):-
diff(Y,X,times(B,Z)),times(A,B,C).
diff(Z,X,times(YY,ZZ)):-
dif(Z,Y,ZZ),diff(Y,X,YY).
dif(power(X,N),X,times(N,power(X,N1))):-
plus(N1,1,N).
dif(exp(X),X,exp(X)).

[ LL2P ]
?-main(LISP,LOGIC,PROLOG).

main([L,I,S,P],[L,O,G,I,C],[P,R,O,L,O,G]):-
sel(P,[1,2],XX),
sel(P,[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9],R1),
sel(C,R1,R2),
onedigit(P,C,G,0,CAR1),sel(G,R2,R3),
sel(S,R3,R4),sel(I,R4,R5),
onedigit(S,I,O,CAR1,CAR2),sel(O,R5,R6),
onedigit(I,G,L,CAR2,CAR3),
sel(L,[4,5,6,7,8,9],YY),
sel(L,R6,R7),
onedigit(L,O,O,CAR3,CAR4),
onedigit(L,0,R,CAR4,P),
sel(R,R7,R8),
print([L,I,S,P],[L,O,G,I,C],[P,R,O,L,O,G]).

onedigit(A,B,C,CI,CO):-plus(A,B,AB),
times(AB,2,AB2),plus(AB2,CI,DG),
divmod(DG,10,CO,C).
sel(X,[X|R],R).
sel(X,[Y|R],[Y|Z]):-sel(X,R,Z).

[ 6-Queens ]
?-queens([1,2,3,4,5,6],[ ],ANS),print(ANS).

queens([ ],Y,Y).
queens(X,Y,Z):-sel(U,X,V),safe(U,Y,1),
queens(V,[U|Y],Z).
safe(U,[ ],_).
safe(U,[P|Q],N):-nodiag(U,P,N),
plus(N,1,M),safe(U,Q,M).
nodiag(U,P,N):-plus(P,N,T1),
minus(P,N,T2),neq(U,T1),neq(U,T2).
```